

I - نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على المجال  $[-2, +\infty[$  بـ :  $f(x) = -\frac{1}{2} + \frac{1}{4}x + \sqrt{x+2}$

(1) احسب  $f(-2)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

(2) أ - ادرس قابلية اشتقاق  $f$  على اليمين في  $-2$ .

ب - بين أن  $f$  تزايدية قطعاً على المجال  $[-2, +\infty[$ .

ج - بين أن  $f$  تقبل دالة عكسية  $f^{-1}$  وحدد مجموعة تعريف  $f^{-1}$ .

د - أثبت أن :  $f([0, 2]) \subset [0, 2]$ . وأن  $2$  هو الحل الوحيد للمعادلة  $f(x) = x$  في  $\mathbb{R}$ .

(3) ليكن  $(e)$  منحنى  $f$  و  $(e')$  منحنى  $f^{-1}$  في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

أ - ادرس الفرع اللانهائي للمنحنى  $(e)$ .

ب - احسب المعامل الموجه لكل من مماس  $(e)$  و  $(e')$  مماس في النقطة ذات الأفصول  $2$ .

ج - أنشئ  $(e)$  و  $(e')$ .

II - لتكن  $(u_n)$  المتتالية العددية بحيث :  $u_0 = 0$  و  $u_{n+1} = f(u_n)$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ .

(1) بين أن :  $0 \leq u_n \leq 2$  مهما يكن  $n$  من  $\mathbb{N}$ .

(2) بين أن المتتالية  $(u_n)$  تزايدية.

(3) استنتج أن  $(u_n)$  متقاربة وحدد نهايتها.